

# SYSTEME D'OUVERTURE DE PORTE AUTOMATIQUE DE TGV

*D'après sujet Centrale-Supélec*



La figure de droite montre l'interface assurant, à partir des informations délivrées par l'unité centrale de commande, la fermeture hermétique et le verrouillage d'une porte de TGV.

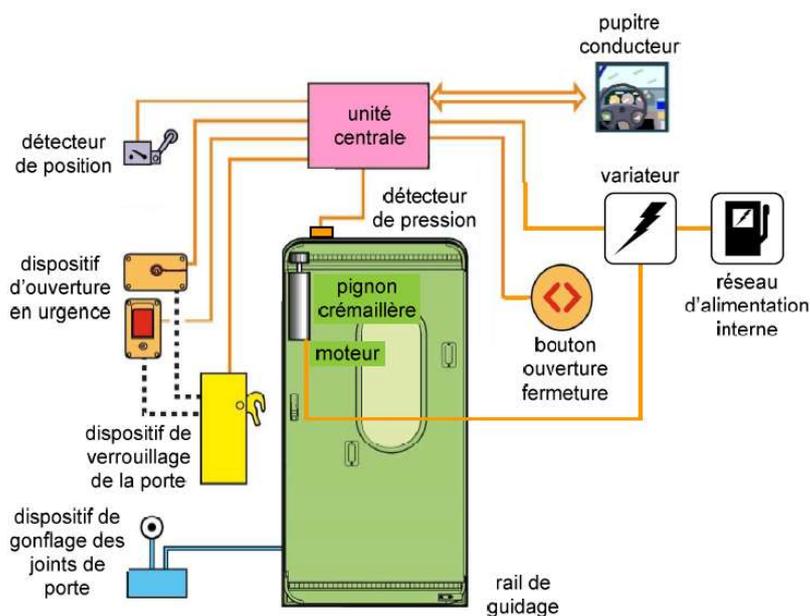
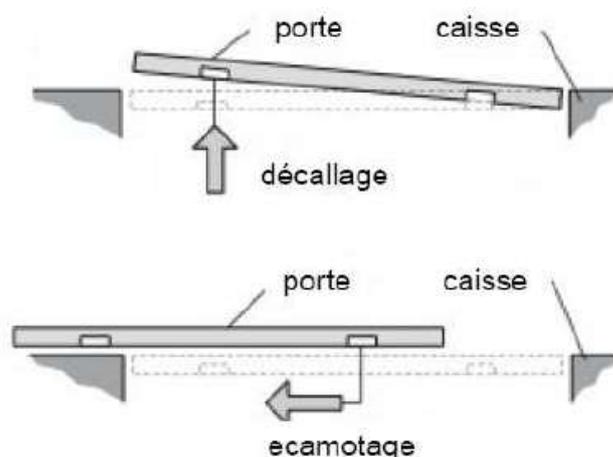


Figure 1

Afin de satisfaire les contraintes d'encombrement, l'ouverture de la porte s'effectue selon l'enchaînement temporel de trois phases distinctes décrites à partir de la position « porte fermée » pour laquelle la face extérieure de la porte est alignée avec la face extérieure de la caisse :

- une phase de décalage
- une phase de louvoisement
- une phase d'escamotage (translation de la porte parallèlement à la face extérieure du TGV)



La phase primaire (décalage) puis la phase terminale (escamotage) sont définies par les figures ci-contre.

Les performances annoncées de la part du constructeur, dans la phase d'escamotage, sont les suivantes :

Performance	Valeur
Accès suffisant du wagon	850 mm
Temps d'ouverture de la porte en phase d'escamotage	$t \leq 4s$
Vitesse d'accostage de la porte en fin de phase d'escamotage	$V \leq 0,09m/s$

Pour ouvrir la porte, on utilise un moteur, dont la rotation est transformée en translation par l'intermédiaire d'un système pignon - crémaillère.

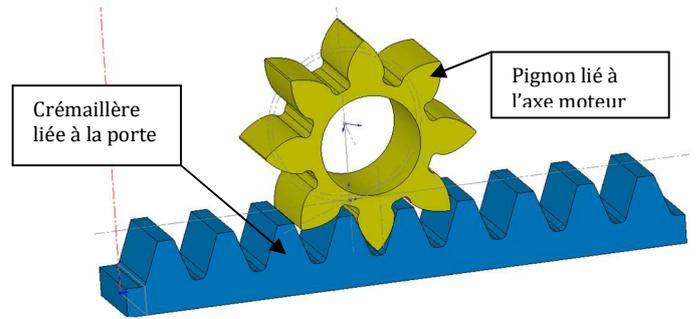


Figure 2

La translation de la porte est notée  $y(t)$ . L'angle de rotation du moteur est noté  $\theta_m(t)$ . Le lien entre  $y(t)$  et  $\theta_m(t)$  est  $y(t) = R \cdot \theta_m(t)$  où  $R$  est le rayon primitif du pignon ( $R=37$  mm).

On fait l'hypothèse qu'à l'instant initial, correspondant au début de la translation de la porte, la porte est immobile, avec  $y(t=0)=0$  et  $\theta_m(t=0)=0$  (toutes les autres conditions initiales seront également nulles).

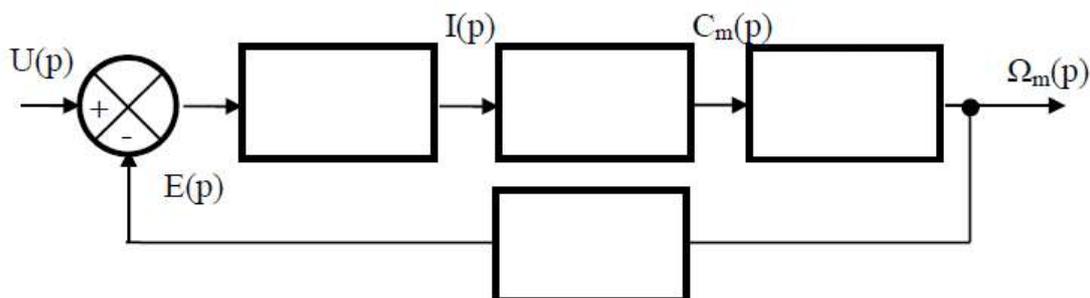
Le moteur à courant continu qui commande l'ouverture de la porte est géré par les équations suivantes :

$u(t) = e(t) + R \cdot i(t)$	$e(t) = k_e \cdot \omega_m(t)$	$C_m(t) = J \cdot \frac{d\omega_m(t)}{dt}$	$C_m(t) = k_m \cdot i(t)$
------------------------------	--------------------------------	--	---------------------------

- $u(t)$  : Tension d'entrée aux bornes du moteur (V)
- $e(t)$  : Force contre électromotrice (V)
- $i(t)$  : Intensité (A)
- $\omega_m(t)$  : Vitesse de rotation du moteur ( $rad \cdot s^{-1}$ )
- $c_m(t)$  : Couple moteur (N.m)
- $J$  : Inertie équivalente en rotation de l'arbre moteur ( $Kg \cdot m^2$ )
- $R$  : Résistance électrique du moteur
- $k_e$  : Constante de force contre-électromotrice
- $k_m$  : Constante de couple

**Q.1)** Ecrire dans le domaine de Laplace les quatre équations différentielles temporelles. Justifier pourquoi on prend les conditions initiales nulles.

**Q.2)** Reproduire à main levée le schéma bloc du moteur ayant pour entrée  $U(p)$  et sortie  $\Omega_m(p)$  ci-dessous et noter les quatre fonctions de transfert manquantes.



**Q.3)** Donner l'expression de la fonction de transfert en boucle ouverte  $FTBO(p)$ .

**Q.4)** Déterminer la fonction de transfert en boucle fermée  $FTBF(p)$  et la mettre sous forme canonique. Préciser les expressions du gain statique  $K$  et de la constante de temps  $T$ .

L'application numérique fournit : 
$$\frac{\Omega_m(p)}{U(p)} = \frac{1,2}{1+0,16.p}$$

**Q.5)** Préciser les unités de  $K$  et de  $T$ .

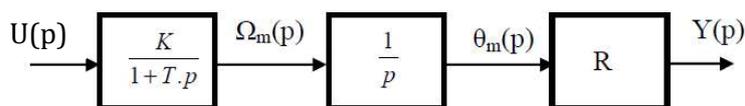
**Q.6)** Calculer, en valeurs littérales, l'expression temporelle  $\omega_m(t)$  lorsque le moteur est soumis à un échelon de tension d'amplitude  $u_0$  tel que :  $u(t) = u_0 \cdot f(t)$  avec  $u_0 = 2 \text{ V}$  et  $f(t)$  la fonction d'Heaviside.

Faire l'application numérique.

Tracer l'allure de la courbe réponse obtenue en précisant les caractéristiques graphiques en relation avec  $K$  et  $T$ .

Préciser le temps de réponse à **5%**.

Le schéma bloc du système peut se mettre sous la forme suivante :



**Q.7)** Justifier les deux fonctions de transfert entre  $\Omega_m(p)$  et  $Y(p)$ .

**Q.8)** Déterminer la fonction de transfert  $H(p) = \frac{Y(p)}{U(p)}$

**Q.9)** Déterminer, en valeurs littérales, l'expression analytique de  $y(t)$  lorsque le moteur est soumis à un échelon de tension d'amplitude  $u_0 = 5 \text{ V}$

Faire l'application numérique.

**Q.10)** Déterminer la valeur numérique du déplacement de la porte au bout de **4 s** (avec  $u_0=5V$ ), et conclure quant à la capacité du système à satisfaire le critère d'accès au wagon du cahier des charges.

**Q.11)** Déterminer la vitesse de la porte à la fin de la translation. Conclure quant à la capacité du système à satisfaire le critère de vitesse finale de translation de la porte du cahier des charges.