

CONCOURS DE RECRUTEMENT D'ÉLÈVES PILOTE DE LIGNE

ÉPREUVE DE PHYSIQUE

Durée : 2 Heures
Coefficient : 1

Cette épreuve comporte :

- 1 page de garde (recto),
- 2 pages (recto-verso) d'instructions pour remplir le QCM,
- 1 page d'avertissement (recto)
- 7 pages de texte (recto-verso).

CALCULATRICE NON AUTORISÉE

- 6) A chaque question numérotée entre 1 et 36, correspond sur la feuille-réponses une ligne de cases qui porte le même numéro (les lignes de 37 à 100 sont neutralisées). Chaque ligne comporte 5 cases A, B, C, D, E.

Pour chaque ligne numérotée de 1 à 36, vous vous trouvez en face de 4 possibilités :

- ▶ soit vous décidez de ne pas traiter cette question, la ligne correspondante doit rester vierge.
- ▶ soit vous jugez que la question comporte une seule bonne réponse, vous devez noircir l'une des cases A, B, C, D.
- ▶ soit vous jugez que la question comporte deux réponses exactes, vous devez noircir deux des cases A, B, C, D et deux seulement.
- ▶ soit vous jugez qu'aucune des réponses proposées A, B, C, D n'est bonne, vous devez alors noircir la case E.

En cas de réponse fausse, aucune pénalité ne sera appliquée.

7) EXEMPLES DE RÉPONSES

Exemple I : Question 1 :

Pour une mole de gaz réel :

- A) $\lim_{P \rightarrow 0}(PV) = RT$, quelle que soit la nature du gaz.
 B) $PV = RT$ quelles que soient les conditions de pression et température.
 C) Le rapport des chaleurs massiques dépend de l'atomicité.
 D) L'énergie interne ne dépend que de la température.

Exemple II : Question 2 :

Pour un conducteur ohmique de conductivité électrique σ , la forme locale de la loi d'OHM est :

- A) $\mathbf{j} = \mathbf{E}/\sigma$ B) $\mathbf{j} = \sigma \mathbf{E}$ C) $\mathbf{E} = \sigma^2 \mathbf{j}$ D) $\mathbf{j} = \sigma^2 \mathbf{E}$

Exemple III : Question 3 :

- A) Le travail lors d'un cycle monotherme peut être négatif.
 B) Une pompe à chaleur prélève de la chaleur à une source chaude et en restitue à la source froide.
 C) Le rendement du cycle de CARNOT est $1 + \frac{T_2}{T_1}$.
 D) Le phénomène de diffusion moléculaire est un phénomène réversible.

Vous marquerez sur la feuille réponse :

1	<input checked="" type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> E <input type="checkbox"/>
2	<input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> E <input type="checkbox"/>
3	<input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> E <input type="checkbox"/>

AVERTISSEMENTS

Dans certaines questions, les candidats doivent choisir entre plusieurs valeurs numériques. Nous attirons leur attention sur les points suivants :

1 - Les résultats sont arrondis en respectant les règles habituelles ; il est prudent d'éviter des arrondis trop imprécis sur les résultats intermédiaires.

2 - Les valeurs fausses proposées diffèrent suffisamment de la valeur exacte pour que d'éventuels écarts d'arrondi n'entraînent aucune ambiguïté sur la réponse.

Les notations utilisées sont celles en vigueur au niveau international. Ainsi, conformément à ces recommandations internationales, les vecteurs sont représentés en caractères gras.

QUESTIONS LIÉES

[1, 2, 3, 4, 5, 6]

[7, 8, 9, 10, 11, 12]

[13, 14, 15, 16, 17, 18]

[19, 20, 21, 22, 23, 24]

[25, 26, 27, 28, 29, 30]

[31, 32, 33, 34, 35, 36]

1. Un pendule simple de masse m et de longueur ℓ oscille, dans le plan vertical Oxy , autour d'une liaison pivot parfaite d'axe Oz , sous l'action du champ de pesanteur g supposé uniforme. On note θ l'angle que fait le pendule avec la verticale. Les frottements sont négligés. Le référentiel d'étude, supposé galiléen, est celui du laboratoire. On désigne par e_x , e_y et e_z les vecteurs de base du repère cartésien $Oxyz$. Exprimer le moment cinétique L_O , au point O , du pendule.

- A) $L_O = m\ell^2\dot{\theta}^2 e_z$ B) $L_O = m\ell^2\dot{\theta} e_x$ C) $L_O = m\ell\dot{\theta}^2 e_z$ D) $L_O = m\ell^2\dot{\theta} e_z$

2. En notant ω_0 une constante, quelle est l'équation différentielle du mouvement des petites oscillations et la période propre T_0 de ces dernières?

- A) $\ddot{\theta} + \omega_0^2\theta = 0$ B) $\ddot{\theta} - \omega_0^2\theta = 0$ C) $T_0 = 2\pi \left(\frac{\ell}{g}\right)^{1/2}$ D) $T_0 = 2\pi \left(\frac{g}{\ell}\right)^{1/2}$

On rend le pendule asymétrique en fixant un clou K situé à 30 cm en dessous du point O (Fig. 1). Ainsi, à gauche de la verticale OK , le pendule se balance selon une rotation du tronçon OA_g du fil autour de O ; à droite, c'est le tronçon KA_d , de longueur ℓ_d , qui tourne autour de K . On note $\theta_g = (\mathbf{e}_x, \mathbf{OA}_g)$ l'angle que forme le pendule avec la verticale à gauche de OK ; $\theta_d = (\mathbf{e}_x, \mathbf{KA}_d)$ représente l'angle des oscillations à droite de OK .

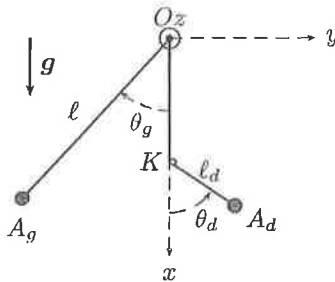


FIG. 1 - Pendule asymétrique

3. Déterminer l'énergie mécanique $\mathcal{E}_{m,g}$ pour les oscillations à gauche, puis l'équation différentielle du mouvement correspondant.

- A) $\mathcal{E}_{m,g} = \frac{m\ell^2\dot{\theta}_g^2}{2} + mgl \cos \theta_g$ C) $\ddot{\theta}_g + \frac{g}{\ell} \sin \theta_g = 0$
 B) $\mathcal{E}_{m,g} = \frac{m\ell^2\dot{\theta}_g^2}{2} - mgl \cos \theta_g$ D) $\ddot{\theta}_g + \frac{g}{\ell} \theta_g = 0$

4. Déterminer l'énergie mécanique $\mathcal{E}_{m,d}$ pour les oscillations à droite, puis l'équation différentielle du mouvement correspondant.

- A) $\mathcal{E}_{m,d} = \frac{m\ell_d^2\dot{\theta}_d^2}{2} - mgl_d \cos \theta_d - mg(\ell - \ell_d)$ C) $\ddot{\theta}_d + \frac{g}{\ell_d} \sin \theta_d = 0$
 B) $\mathcal{E}_{m,d} = \frac{m\ell_d^2\dot{\theta}_d^2}{2} - mg(\ell - \ell_d) \cos \theta_d$ D) $\ddot{\theta}_d + \frac{g}{\ell_d} \theta_d = 0$

5. Pour des mouvements de faible amplitude angulaire, estimer la période d'une oscillation complète (aller-retour) du pendule.

- A) $T = \pi \left[\left(\frac{\ell}{g}\right)^{1/2} + \left(\frac{\ell_d}{g}\right)^{1/2} \right]$ C) $T = 2\pi \left[\left(\frac{\ell}{g}\right)^{1/2} + \left(\frac{\ell_d}{g}\right)^{1/2} \right]$
 B) $T = 2\pi \left(\frac{\ell + \ell_d}{g}\right)^{1/2}$ D) $T = 2\pi \left(\frac{\ell - \ell_d}{g}\right)^{1/2}$

6. On s'intéresse aux hauteurs maximales atteintes par le pendule et aux amplitudes angulaires, à gauche et à droite. Cocher la ou les réponses correctes parmi les affirmations proposées ci-dessous.

- A) Les hauteurs maximales et les amplitudes angulaires sont les mêmes.
 - B) Les hauteurs maximales sont différentes mais les amplitudes angulaires sont identiques.
 - C) Les hauteurs maximales sont les mêmes mais les amplitudes angulaires sont différentes.
 - D) Les hauteurs maximales et les amplitudes angulaires sont différentes.
-

7. Un rayon lumineux atteint un dioptre qui sépare deux milieux d'indices de réfraction n_1 et $n_2 > n_1$ sous l'angle d'incidence i .
Cocher les affirmations exactes.
- A) Le rayon traverse le dioptre sans être dévié.
B) Le rayon est uniquement dévié par le dioptre.
C) Le rayon est uniquement réfléchi par le dioptre.
D) Le rayon est dévié en traversant le dioptre et réfléchi par celui-ci.
8. Une partie du rayon pénètre dans le milieu d'indice de réfraction n_2 sous l'angle de réfraction r . Quelle est la relation entre les angles i et r ?
- A) $n_1 \cos i = n_2 \cos r$ B) $n_2 \sin i = n_1 \sin r$ C) $r = \arcsin\left(\frac{n_2}{n_1} \sin i\right)$ D) $r = \arcsin\left(\frac{n_1}{n_2} \sin i\right)$
9. Pour la lumière visible, l'indice de réfraction n_2 d'un milieu transparent varie en fonction de la fréquence ν de la lumière selon la loi empirique de Cauchy, $n_2(\nu) = A + B\nu^2$, A et B étant des constantes positives. Comment varie l'angle r dans le domaine du visible ?
- A) Du rouge au violet, r diminue.
B) Du rouge au violet, r augmente.
C) Du rouge au violet, r ne change pas.
D) On ne peut rien dire *a priori*.
10. À une distance e du dioptre précédent se trouve un autre dioptre qui sépare cette fois le milieu d'indice n_2 du milieu d'indice $n_1 < n_2$. Cocher les affirmations exactes qui concernent un rayon lumineux (monochromatique) qui atteint un tel dioptre.
- A) Le rayon lumineux est toujours réfracté.
B) Il existe un angle limite ℓ , tel que $\sin \ell = n_2/n_1$, au-delà duquel il n'y a pas de réfraction.
C) Il existe un angle limite ℓ , tel que $\sin \ell = n_1/n_2$, au-delà duquel il n'y a pas de réfraction.
D) Il existe un angle limite ℓ , tel que $\sin \ell = n_2/n_1$, au-delà duquel il a réflexion totale.
11. On suppose qu'il y a réfraction du rayon lumineux incident sur le second dioptre. Exprimer, en fonction de i et r , l'angle de réfraction r' .
- A) $r' = r$ B) $r' = r - i$ C) $r' = r + i$ D) $r' = 0$
12. Déterminer, en fonction de e et i notamment, l'écart latéral Δ entre le rayon émergent de ce second dioptre et le prolongement du rayon incident sur le premier dioptre.
- A) $\Delta = 0$ C) $\Delta = e \sin i \left(1 - \frac{\cos i}{n_1^2 - \sin^2 i}\right)$
B) $\Delta = e \sin i \left(1 - \frac{\cos i}{n_2^2 - \sin^2 i}\right)$ D) $\Delta = 2n_2 e \sin i$
-

On réalise le circuit électronique de la figure 2, constitué de deux résistors identiques (résistance $R = 2\text{ k}\Omega$) et de deux condensateurs identiques (capacité $C = 5\text{ nF}$). On applique en entrée du circuit une tension sinusoïdale $u_e(t) = u_{e,m} \cos(\omega t)$; en sortie, aux bornes du second condensateur, on recueille la tension $u_s(t) = u_{s,m} \cos(\omega t + \phi)$.

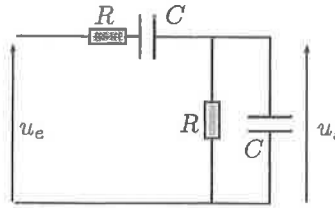


FIG. 2 – Pont de Wien

13. Comment se comporte un condensateur à basse fréquence? Et à haute fréquence?
- A) À basse fréquence, un condensateur se comporte comme un court-circuit.
 B) À basse fréquence, un condensateur se comporte comme un coupe-circuit.
 C) À haute fréquence, un condensateur se comporte comme un court-circuit.
 D) À haute fréquence, un condensateur se comporte comme un coupe-circuit.
14. Quelle est la nature du filtre?
- A) Passe-bande B) Passe-bas C) Passe-haut D) Coupe-bande
15. Déterminer la fonction de transfert $\underline{T}(w)$ de ce filtre en fonction de la pulsation réduite $w = \omega/\omega_0$, où ω_0 est une pulsation dont on donnera l'expression.
- A) $\underline{T} = \frac{1}{1 + j(w - 1/w)}$ B) $\underline{T} = \frac{1}{2 + j(w - 1/w)}$ C) $\omega_0 = RC$ D) $\omega_0 = \frac{1}{2RC}$
16. Exprimer le gain en tension $|\underline{T}|$ et le déphasage ϕ .
- A) $|\underline{T}| = \frac{1}{[9 + (w - 1/w)^2]^{1/2}}$ C) $\phi = \arctan\left(\frac{1/w - w}{3}\right)$
 B) $|\underline{T}| = \frac{1}{[1 + (w - 1/w)^2]^{1/2}}$ D) $\phi = \arctan\left(\frac{w - 1/w}{3}\right)$
17. Pour quelle valeur f_0 de la fréquence, le gain $|\underline{T}|$ passe-t-il par un maximum? Quel est le signe de ce maximum en décibel?
- A) $f_0 \approx 1,6\text{ kHz}$ C) Le maximum en décibel est négatif.
 B) $f_0 \approx 16\text{ kHz}$ D) Le maximum en décibel est positif.
18. Quelles sont, respectivement, les valeurs limites de ϕ lorsque $w \ll 1$ et $w \gg 1$?
- A) $\phi(w \ll 1) = -\pi/2$ et $\phi(w \gg 1) = \pi/2$ C) $\phi(w \ll 1) = \pi/2$ et $\phi(w \gg 1) = -\pi/2$
 B) $\phi(w \ll 1) = \pi$ et $\phi(w \gg 1) = 0$ D) $\phi(w \ll 1) = 0$ et $\phi(w \gg 1) = -\pi$

Un nombre n de moles de dioxygène, supposé être un gaz parfait, initialement à la température T_0 et à la pression p_0 , subit les transformations suivantes :

- i) une évolution adiabatique réversible de l'état initial $A_0(T_0, p_0)$ à l'état $A_1(T_1, p_1)$, avec $p_1 = \eta p_0$ ($\eta > 1$) et T_1 la température de l'état A_1 ;
- ii) une transformation isobare, au contact avec un thermostat de température T_0 , qui l'amène de l'état A_1 à l'état final $A_f(T_0, p_1)$.

On note γ le rapport des capacités thermiques à pression constante et volume constant. On note R la constante des gaz parfaits.

19. Déterminer, en fonction notamment du volume initial V_0 , les volumes V_1 et V_f occupés par le gaz dans les états A_1 et A_f respectivement.

- A) $V_1 = \eta^{-1/\gamma} V_0$ B) $V_1 = \eta^{1/\gamma} V_0$ C) $V_f = \eta V_0$ D) $V_f = V_0/\eta$

20. Exprimer T_1 en fonction, notamment, de T_0 .

- A) $T_1 = \eta^{1/\gamma} T_0$ B) $T_1 = \eta^{1-1/\gamma} T_0$ C) $T_1 = \eta^{(1-\gamma)/\gamma} T_0$ D) $T_1 = \eta^{-1/\gamma} T_0$

21. Comment varie l'énergie interne U entre l'état initial A_0 et l'état final A_f ?

- A) $\Delta U < 0$ C) $\Delta U = 0$
 B) $\Delta U > 0$ D) On ne peut *a priori* rien dire.

22. Que valent le travail $W_{A_0A_1}$ et la chaleur $Q_{A_0A_1}$ reçus lors de la transformation A_0A_1 ?

- A) $W_{A_0A_1} = \frac{nRT_0}{\gamma - 1} (\eta^{1-1/\gamma} - 1)$ C) $Q_{A_0A_1} = W_{A_0A_1}$
 B) $W_{A_0A_1} = \frac{nRT_0}{\gamma - 1} (\eta^{\gamma-1} - 1)$ D) $Q_{A_0A_1} = 0$

23. Que vaut le travail $W_{A_1A_f}$ reçu lors de la transformation A_1A_f ?

- A) $W_{A_1A_f} = -nRT_0 (\eta^{1-1/\gamma} - 1)$ C) $W_{A_1A_f} = -nRT_0 (1 - \eta^{1-\gamma})$
 B) $W_{A_1A_f} = -nRT_0 (1 - \eta^{1-1/\gamma})$ D) $W_{A_1A_f} = -nRT_0 (1 - \eta^{1/\gamma-1})$

24. Exprimer la chaleur $Q_{A_1A_f}$ reçue par le gaz au cours de la transformation A_1A_f , puis celle, $Q_{A_0A_f}$, reçue lors de la transformation directe qui amène le gaz de l'état A_0 à l'état A_f .

- A) $Q_{A_1A_f} = nRT_0 \frac{\gamma}{\gamma - 1} (\eta^{1-1/\gamma} - 1)$ C) $Q_{A_0A_f} = nRT_0 \frac{\gamma}{\gamma - 1} (1 - \eta^{1-1/\gamma})$
 B) $Q_{A_1A_f} = nRT_0 \frac{\gamma}{\gamma - 1} (1 - \eta^{1-1/\gamma})$ D) $Q_{A_0A_f} = nRT_0 \frac{\gamma}{\gamma - 1} (1 - \eta^{1/\gamma-1})$

Des ions, de masse m et charge $q > 0$, sont accélérés par une tension $U_a > 0$ entre deux plaques \mathcal{P} et \mathcal{P}' parallèles, avant de pénétrer dans une région de l'espace où règne un champ magnétique stationnaire uniforme, orienté selon Oz , $\mathbf{B} = B \mathbf{e}_z$, \mathbf{e}_z étant le vecteur unitaire, *perpendiculaire* à leur vecteur vitesse \mathbf{v}_0 (Fig. 3). La vitesse initiale des ions, au niveau de la plaque \mathcal{P} est négligeable.

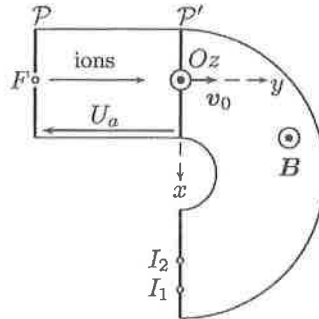


FIG. 3 - Spectromètre

25. Déterminer la vitesse v_0 des ions au niveau de \mathcal{P}' .
- A) $v_0 = (2qU_a/m)^{1/2}$ B) $v_0 = 2qU_a/m$ C) $v_0 = [qU_a/(2m)]^{1/2}$ D) $v_0 = (qU_a/m)^{1/2}$
26. Quel est l'effet d'un champ magnétique sur une charge en mouvement?
- A) Le champ modifie l'énergie mécanique de la charge.
 B) Le champ accélère la charge en modifiant seulement la direction du vecteur vitesse.
 C) Le champ n'accélère pas la charge.
 D) Le champ modifie la direction de la quantité de mouvement.
27. Donner l'expression de la force d'interaction d'un champ magnétique avec une charge.
- A) $\mathbf{F} = q\mathbf{B}$ B) $\mathbf{F} = q\mathbf{B} \times \mathbf{v}$ C) $\mathbf{F} = q\mathbf{v}B$ D) $\mathbf{F} = q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$
28. L'équation du mouvement dans la zone où règne le champ magnétique s'écrit $d\mathbf{v}/dt = a\mathbf{v} \times \mathbf{e}_z$, où a est une constante. Déterminer a .
- A) $a = qB/m$ B) $a = -qB/m$ C) $a = qBm$ D) $a = 0$
29. Quelle est la nature de la trajectoire de l'un de ces ions?
- A) La trajectoire est rectiligne.
 B) La trajectoire est circulaire de rayon $R = mv_0/(qB)$.
 C) La trajectoire est circulaire de rayon $R = qB/(mv_0)$.
 D) La trajectoire n'est ni une droite ni un cercle.
30. Le faisceau initial est constitué de deux types d'ions, ${}_{92}^{238}\text{U}^{4+}$ et ${}_{92}^{235}\text{U}^{4+}$ (U symbolisant l'uranium), de masses respectives m_1 et $m_2 < m_1$. On se rend compte qu'ils frappent un écran aux points I_1 et I_2 respectivement. Déterminer la distance d qui sépare ces deux points d'impact. On note e la charge élémentaire.
- A) $d = \frac{2}{B} \left(\frac{U_a}{2e} \right)^{1/2} (m_1^{1/2} - m_2^{1/2})$ C) $d = \frac{1}{B} \left(\frac{U_a}{2e} \right)^{1/2} (m_1 - m_2)$
 B) $d = \frac{1}{B} \left(\frac{U_a}{2e} \right)^{1/2} (m_1^{1/2} - m_2^{1/2})$ D) $d = \frac{1}{B} \left(\frac{U_a}{2e} \right)^{1/2} \left(\frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} \right)^{1/2}$

31. Quel est le nombre d'atomes N_C contenus dans un kilogramme de carbone (masse molaire $12 \text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$) ? On donne le nombre d'Avogadro $N_A \approx 6 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$.

A) $N_C \approx 6 \times 10^{23}$

B) $N_C \approx 6 \times 10^{22}$

C) $N_C \approx 6 \times 10^{21}$

D) $N_C \approx 6 \times 10^{20}$

32. Cocher les affirmations exactes.

A) Le contenu matériel d'un système fermé peut évoluer.

B) Un système fermé peut échanger de l'énergie avec le milieu extérieur.

C) Un système ouvert ne peut échanger que de la matière avec le milieu extérieur

D) Un système isolé n'échange que de l'énergie avec le milieu extérieur.

33. Un récipient de volume $V = 2 \text{ L}$ contient $n = 0,2 \text{ mol}$ d'hélium, assimilé à un gaz parfait. Comment s'écrit la loi des gaz parfaits? On désigne par p la pression, T la température et $R \approx 8 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1}$ la constante des gaz parfaits.

A) $p = \frac{nRV}{T}$

B) $pV = \frac{nT}{R}$

C) $p = \frac{nRT}{V}$

D) $V = \frac{nRT}{p}$

34. Calculer à la température $T = 300 \text{ K}$ la pression p dans le récipient.

A) $p = 120 \text{ kPa}$

B) $p = 240 \text{ Pa}$

C) $p = 120 \text{ Pa}$

D) $p = 240 \text{ kPa}$

35. Déterminer puis calculer le nombre n_v d'atomes d'hélium par unité de volume.

A) $n_v = nN_A/V$

B) $n_v = V/(nN_A)$

C) $n_v = 6 \times 10^{26} \text{ m}^{-3}$

D) $n_v = 6 \times 10^{25} \text{ m}^{-3}$

36. Sachant que le volume moyen disponible pour un atome est $V_m = 1/n_v$, déterminer la distance moyenne ℓ entre deux atomes d'hélium voisins.

A) $\ell = (6V_m/\pi)^{1/3}$

B) $\ell = (6V_m/\pi)^{1/2}$

C) $\ell \approx 3 \text{ pm}$

D) $\ell \approx 3 \text{ nm}$