

Le programme de PSI est construit à partir de celui de PCSI.

Semaine du 19 au 24 septembre

- 1) Révisions sur les **nombre complexes** et les calculs de sommes.
- 2) **Fonctions à valeurs réelles** : (Révisions)
Limites, continuité, dérivabilité (th de Rolle et des accroissements finis), formules de Taylor, développements limités. Fonctions circulaires réciproques, fonctions hyperboliques. Exemples de calculs d'intégrales, sommes de Riemann. Extension aux fonctions à valeurs complexes.
- 3) **Suites réelles et complexes** : Révisions

Questions de cours :

- Exponentielle complexe : définition, module et argument. Résolution de $e^z = a$ où a fixé dans \mathbb{C} .
- Calcul de $\cos(\arcsin x)$, $\cos(\arctan x)$ et $\sin(\arctan x)$, $\arctan x + \arctan(1/x)$.
- Utilisation de la formule de Taylor avec reste intégral pour montrer que : $\forall z \in \mathbb{C}, \exp(z) = \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=0}^n \frac{z^k}{k!}$
- Suite arithmético-géométrique ($u_{n+1} = au_n + b$)

Semaine du 26 septembre au 1 octobre

- 1) Révisions sur les **nombre complexes** et les calculs de sommes.
- 2) **Fonctions à valeurs réelles ou complexes** : (Révisions)
- 3) **Suites réelles et complexes** : Révisions
- 4) **Séries réelles et complexes** :
Propriétés générales, étude de la série harmonique, des séries télescopiques, des séries géométriques, de la série exponentielle.
Séries à termes positifs : Théorèmes de comparaison, critère de D'Alembert, comparaison séries-intégrales, séries de Riemann.
Absolue convergence, produit de Cauchy.
Séries alternées : définition, théorème et majoration du reste.

Questions de cours :

- Exponentielle complexe : définition, module et argument. Résolution de $e^z = a$ où a fixé dans \mathbb{C} .
- Calcul de $\cos(\arcsin x)$, $\cos(\arctan x)$ et $\sin(\arctan x)$, $\arctan x + \arctan(1/x)$.
- Utilisation de la formule de Taylor avec reste intégral pour montrer que : $\forall z \in \mathbb{C}, \exp(z) = \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=0}^n \frac{z^k}{k!}$
- Suite arithmético-géométrique ($u_{n+1} = au_n + b$)
- $\sum_{k=1}^n \frac{1}{k} \sim \ln n$, séries géométriques et calcul du reste en cas de convergence.
- La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge si et seulement si la série $\left(\sum (u_{n+1} - u_n) \right)$ converge.
Application du résultat précédent à la convergence de $\left(\sum_{k=1}^n \frac{1}{k} - \ln n \right)$
- Application du produit de Cauchy à $\exp(z + z')$.

Prévisions : Espaces vectoriels, polynômes.

Le programme de PSI est construit à partir de celui de PCSI.

Semaine du 19 au 24 septembre

- 1) Révisions sur les **nombres complexes** et les calculs de sommes.
- 2) **Fonctions à valeurs réelles** : (Révisions)
Limites, continuité, dérivabilité (th de Rolle et des accroissements finis), formules de Taylor, développements limités. Fonctions circulaires réciproques, fonctions hyperboliques. Exemples de calculs d'intégrales, sommes de Riemann. Extension aux fonctions à valeurs complexes.
- 3) **Suites réelles et complexes** : Révisions

Questions de cours :

- Exponentielle complexe : définition, module et argument. Résolution de $e^z = a$ où a fixé dans \mathbb{C} .
- Calcul de $\cos(\arcsin x)$, $\cos(\arctan x)$ et $\sin(\arctan x)$, $\arctan x + \arctan(1/x)$.
- Utilisation de la formule de Taylor avec reste intégral pour montrer que : $\forall z \in \mathbb{C}, \exp(z) = \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=0}^n \frac{z^k}{k!}$
- Suite arithmético-géométrique ($u_{n+1} = au_n + b$)

Semaine du 26 septembre au 1 octobre

- 1) Révisions sur les **nombres complexes** et les calculs de sommes.
- 2) **Fonctions à valeurs réelles ou complexes** : (Révisions)
- 3) **Suites réelles et complexes** : Révisions
- 4) **Séries réelles et complexes** :
Propriétés générales, étude de la série harmonique, des séries télescopiques, des séries géométriques, de la série exponentielle.
Séries à termes positifs : Théorèmes de comparaison, critère de D'Alembert, comparaison séries-intégrales, séries de Riemann.
Absolue convergence, produit de Cauchy.
Séries alternées : définition, théorème et majoration du reste.

Questions de cours :

- Exponentielle complexe : définition, module et argument. Résolution de $e^z = a$ où a fixé dans \mathbb{C} .
- Calcul de $\cos(\arcsin x)$, $\cos(\arctan x)$ et $\sin(\arctan x)$, $\arctan x + \arctan(1/x)$.
- Utilisation de la formule de Taylor avec reste intégral pour montrer que : $\forall z \in \mathbb{C}, \exp(z) = \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=0}^n \frac{z^k}{k!}$
- Suite arithmético-géométrique ($u_{n+1} = au_n + b$)
- $\sum_{k=1}^n \frac{1}{k} \sim \ln n$, séries géométriques et calcul du reste en cas de convergence.
- La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge si et seulement si la série $\left(\sum (u_{n+1} - u_n) \right)$ converge.
Application du résultat précédent à la convergence de $\left(\sum_{k=1}^n \frac{1}{k} - \ln n \right)$
- Application du produit de Cauchy à $\exp(z + z')$.

Prévisions : Espaces vectoriels, polynômes.