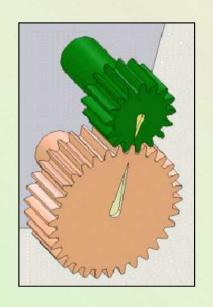
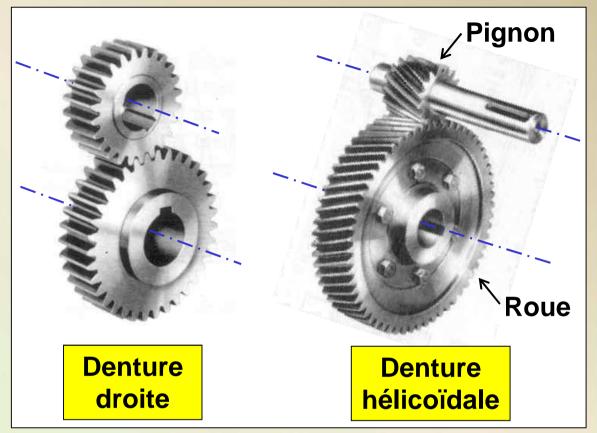
# ENGRENAGES

- 1) Différents types
- 2) Géométrie
- 3) Représentation technique
- 4) Train d'engrenages simple

#### 1) Différents types

Engrenage extérieurà axes parallèles



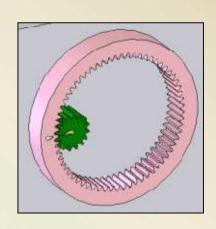




La petite roue (le pignon) tourne plus vite que la grande roue Les sens de rotations sont <u>opposés</u> Le rapport de vitesse correspond au rapport des nombres de dents

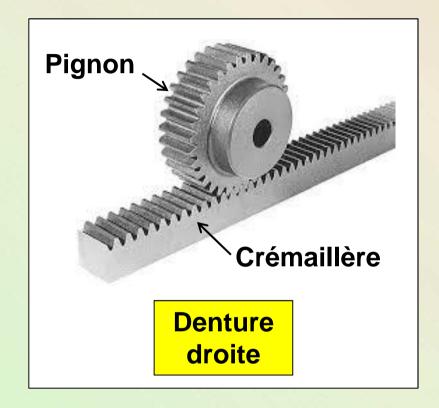
#### Engrenage intérieur à axes parallèles

Pignon
Couronne à denture intérieure



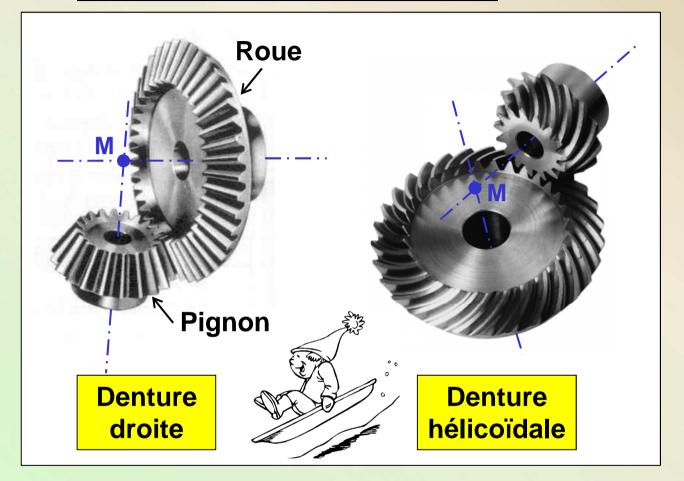
La petite roue (le pignon) tourne plus vite que la grande roue Les sens de rotations sont <u>les mêmes</u> Le rapport de vitesse correspond au rapport des nombres de dents

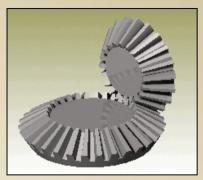
#### Cas du pignon crémaillère



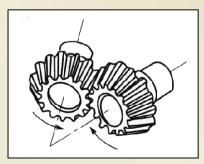


#### Engrenages à axes concourants



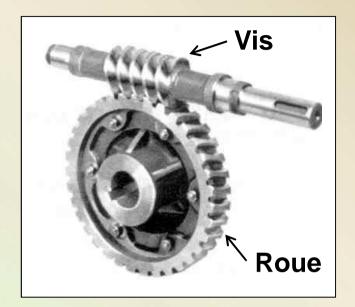






Les axes peuvent être perpendiculaires ou non Le rapport de vitesse correspond au rapport des nombres de dents









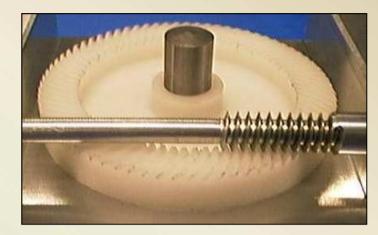
## irréversibilité

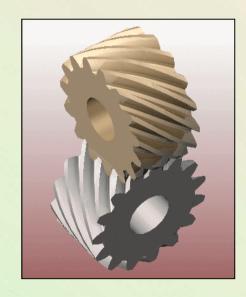


Les axes sont perpendiculaires et non concourants Le rapport de vitesse correspond au rapport du nombre de dents de la roue avec le nombre de filets de la vis

#### ► Autres engrenages gauches



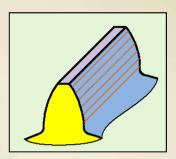




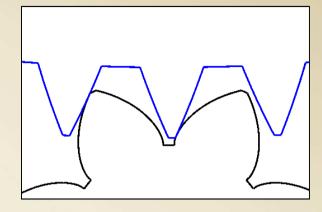
Géométrie

#### 2) Géométrie

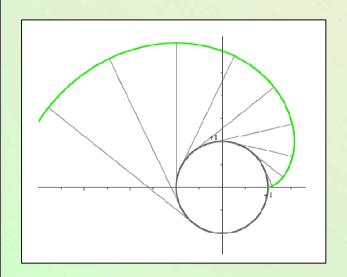
Profil d'une dent

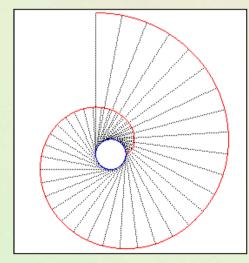


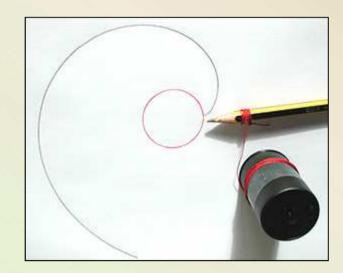
→ conséquence de l'usinage :



le profil est en développante de cercle

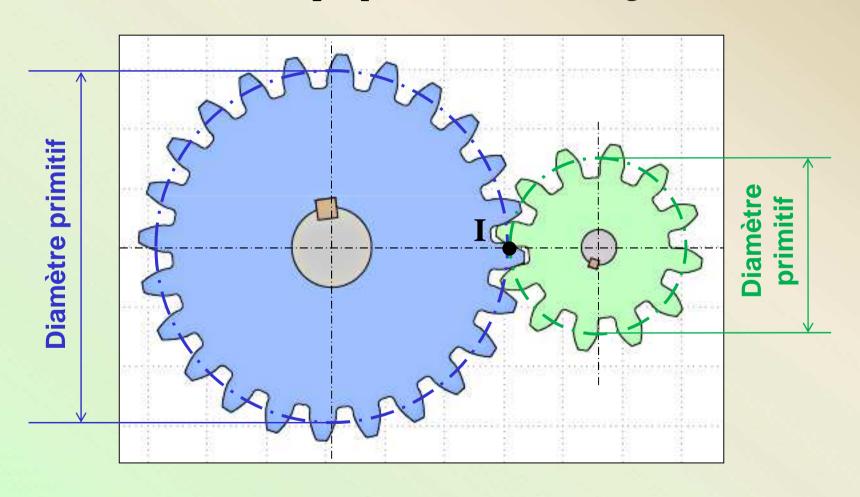






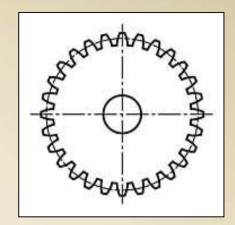
#### Eléments primitifs

Correspondance avec deux roues lisses tangentes qui transmettraient la même cinématique par roulement sans glissement

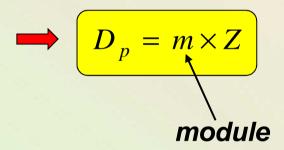


Géométrie

Nombre de dents noté Z



Le nombre de dents est proportionnel au diamètre primitif



Nota:



deux roues d'un engrenage ont même module.



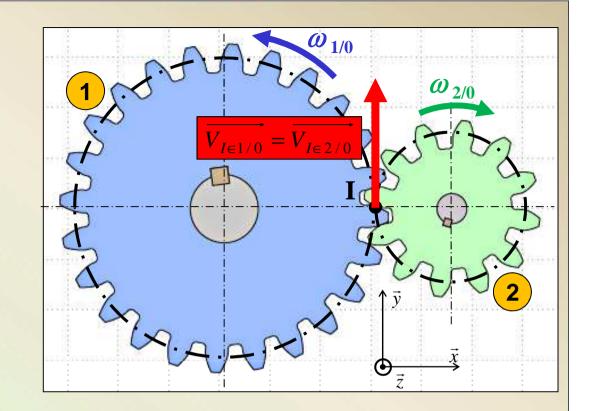
deux roues de même module s'engrènent.

#### Rapport des vitesses

### Roulement sans glissement en I

$$\longrightarrow V_{I \in 1/2} = \vec{0}$$

$$\longrightarrow V_{I \in 1/0} = \overline{V_{I \in 2/0}}$$

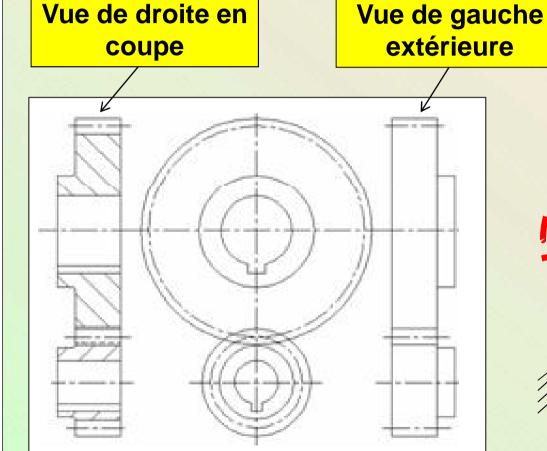


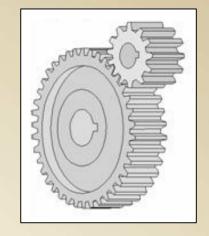
$$\rightarrow + R_{p1} \times \omega_{1/0} \ \vec{y} = R_{p2} \times (-\omega_{2/0}) \ \vec{y} \quad \Longrightarrow \quad \frac{\omega_{2/0}}{\omega_{1/0}} = -\frac{R_{p1}}{R_{p2}}$$

Par ailleurs: 
$$D_p = m \times Z \implies \frac{\omega_{2/0}}{\omega_{1/0}} = -\frac{R_{p1}}{R_{p2}} = -\frac{D_{p1}}{D_{p2}}$$

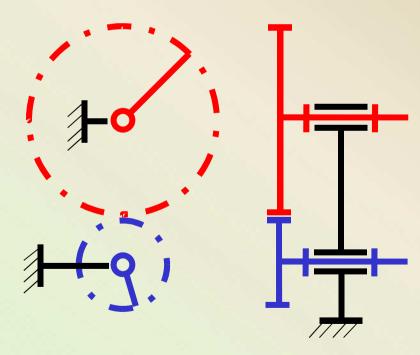
#### 3) Représentation technique

Engrenage extérieur à axes parallèles et denture droite

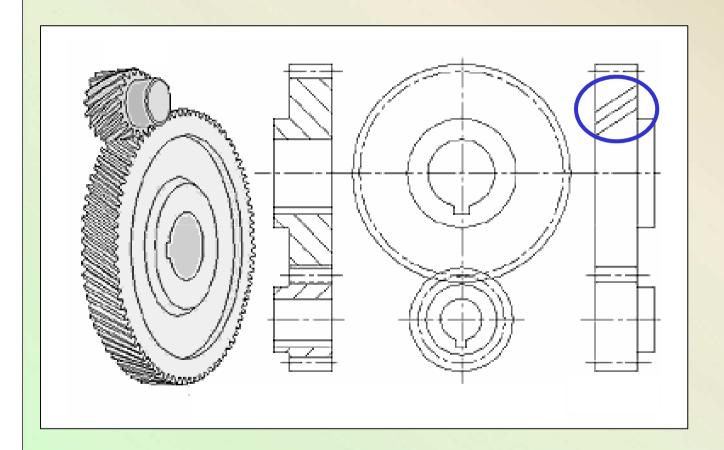




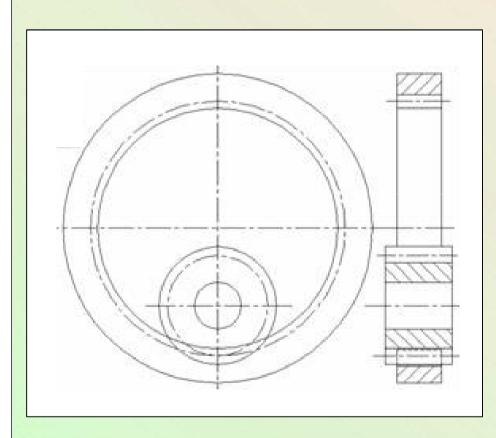
#### Schéma cinématique



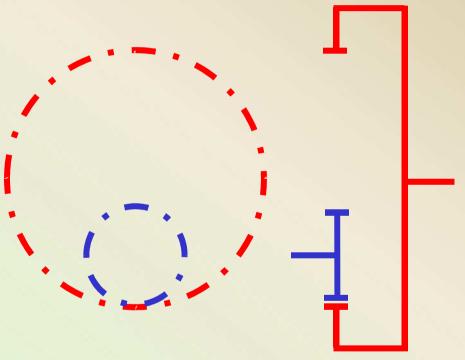
#### Engrenage extérieur à axes parallèles et denture hélicoïdale



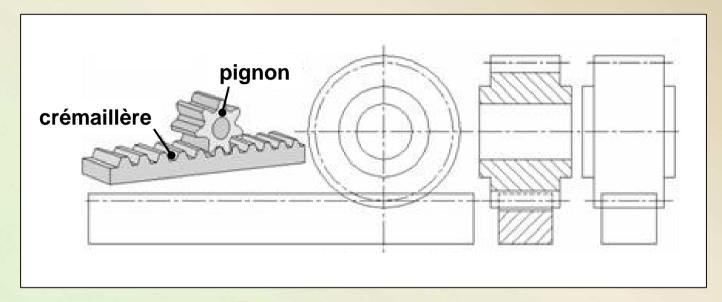
#### Engrenage intérieur à axes parallèles et denture droite

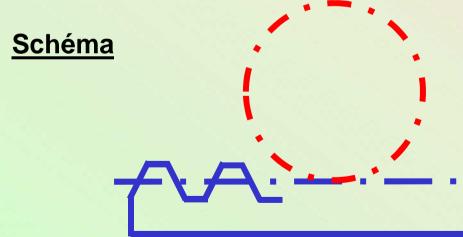


#### Schéma cinématique

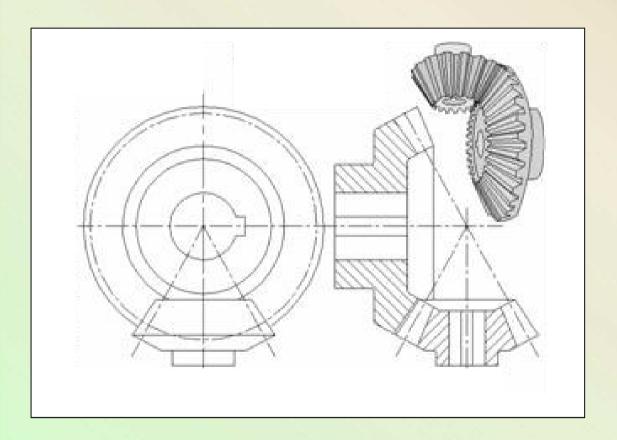


#### > Système pignon-crémaillère

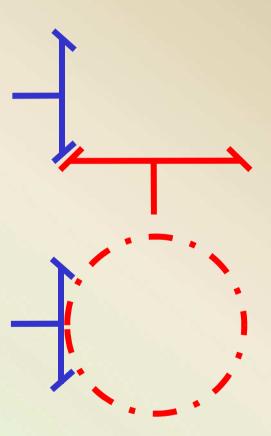




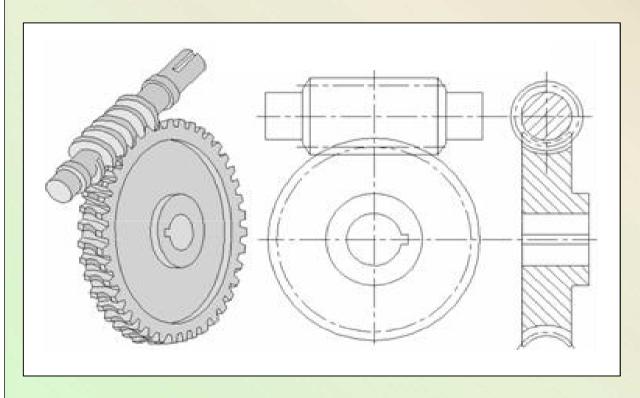
#### Engrenage conique



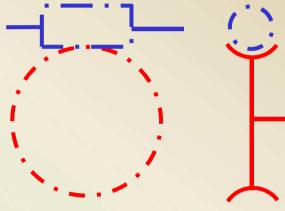
#### **Schéma**



#### Système roue et vis sans fin

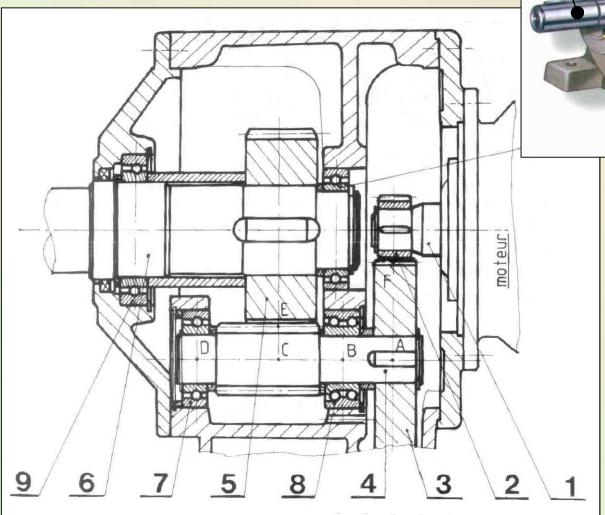


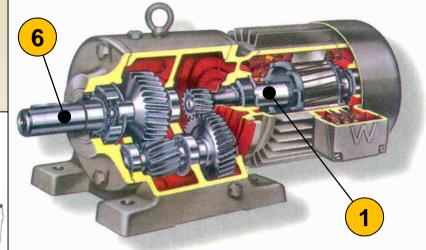
#### **Schéma**

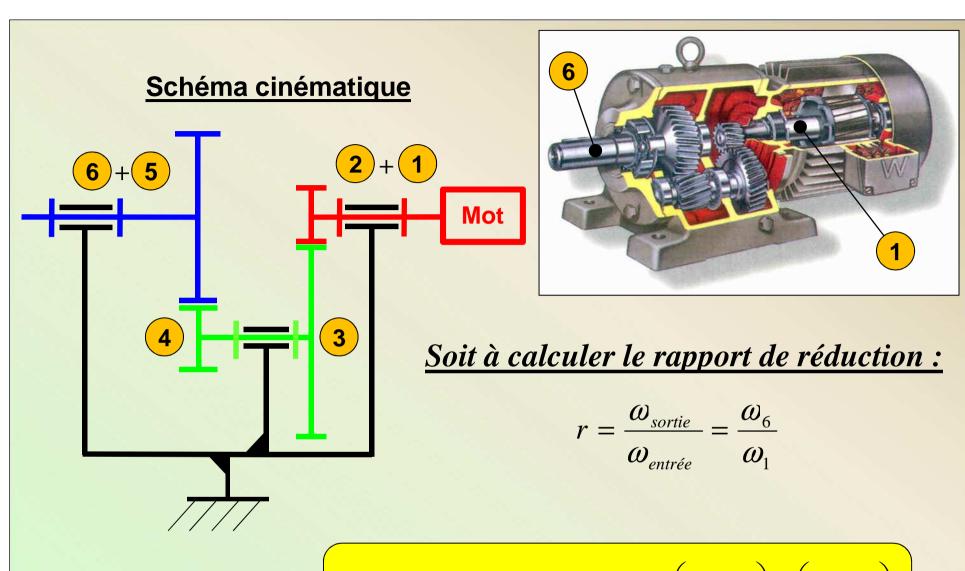


#### 4) Train d'engrenages simple

Premier exemple

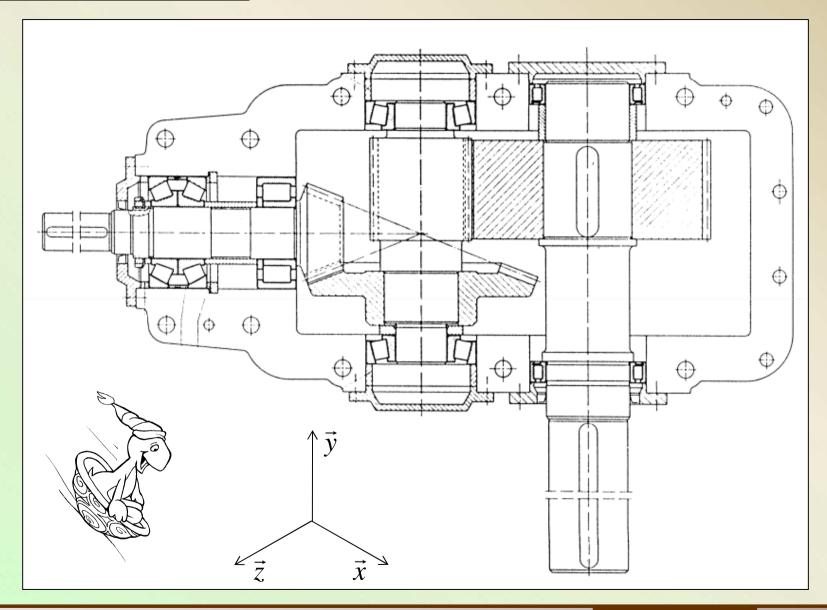




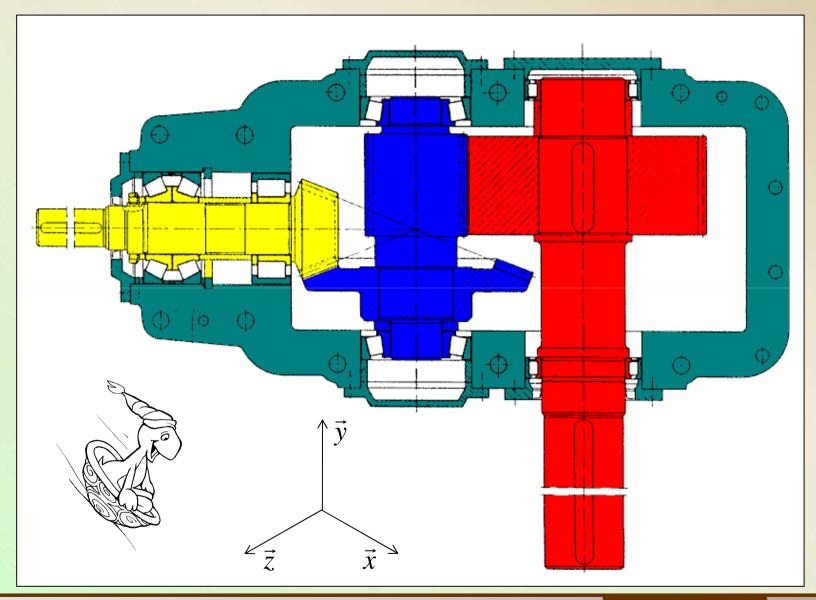


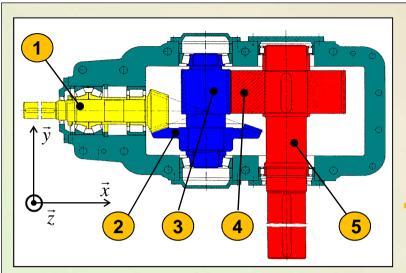
$$r = \frac{\omega_{6+5}}{\omega_{1+2}} = \frac{\omega_{6+5}}{\omega_{4+3}} \times \frac{\omega_{4+3}}{\omega_{1+2}} = \left(-\frac{Z_4}{Z_5}\right) \times \left(-\frac{Z_2}{Z_3}\right)$$

#### Deuxième exemple

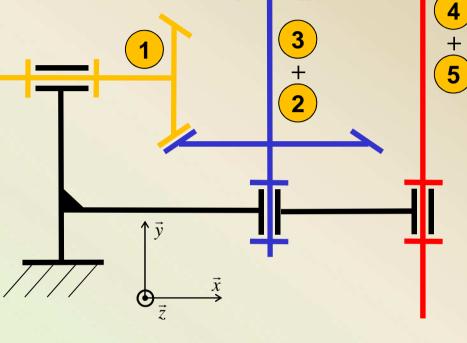


#### Deuxième exemple





#### Schéma cinématique



# Soit à calculer le rapport de réduction :

$$r = \frac{\omega_5}{\omega_1}$$



$$r = \frac{\omega_{5+4}}{\omega_{2+3}} \times \frac{\omega_{2+3}}{\omega_{1}} = \left(-\frac{Z_3}{Z_4}\right) \times \left(-\frac{Z_1}{Z_2}\right)$$

