

DESCRIPTION DU TRANSPORT DE PARTICULES

Densité particulaire On la définit par: $n(M,t) = dN/dV$ en m^{-3}

Vecteur densité de flux de particules $dN = \vec{J}_D \cdot \vec{n} dS dt$

Flux de particules diffusées à travers une surface dS élémentaire $\delta\phi = \frac{dN}{dt} = \vec{J}_D \cdot \vec{n} dS$.

EQUATION DE CONSERVATION DU NOMBRE DE PARTICULES (unidimensionnelle)

Elle traduit localement la conservation des particules $\frac{\partial J_D}{\partial x} + \frac{\partial n}{\partial t} = 0$ (1)

Rem : en régime permanent ce qui entre compense ce qui sort.

MODELISATION DE LA DIFFUSION DE PARTICULES: LOI DE FICK (unidimensionnelle)

$J_D = -D \frac{\partial n}{\partial x}$ La diffusion se fait vers les faibles valeurs de n . D coefficient de diffusion (en $m^2 \cdot s^{-1}$).

EQUATION DE LA DIFFUSION (unidimensionnelle)

Si D est indépendant de x, $D \frac{\partial^2 n}{\partial x^2} = \frac{\partial n}{\partial t}$

PRESENTATION DU PROBLEME GENERAL TRIDIMENSIONNEL

Flux sortant de particules $\frac{\delta N_s}{dt} = \oint_S \vec{j}_D \cdot \vec{n} dS$

Conservation des particules

Bilan global sur un volume V : $-\frac{dN}{dt} = \frac{\delta N_s}{dt} = \oint_S \vec{j}_D \cdot \vec{n} dS$ avec $N = \iiint_V n(M,t) dV$

Relation locale en un point M : $-\frac{\partial n(M,t)}{\partial t} = \text{div}(\vec{j}_D(M,t))$

Loi de Fick $\vec{j}_D = -D \text{grad} n(M,t)$

Equation de diffusion $\frac{\partial n(M,t)}{\partial t} = D \Delta n(M,t)$